

# OTPORNOST MATERIJALA

Aksijalno naprezanje

## AKSIJALNO NAPREZANJE

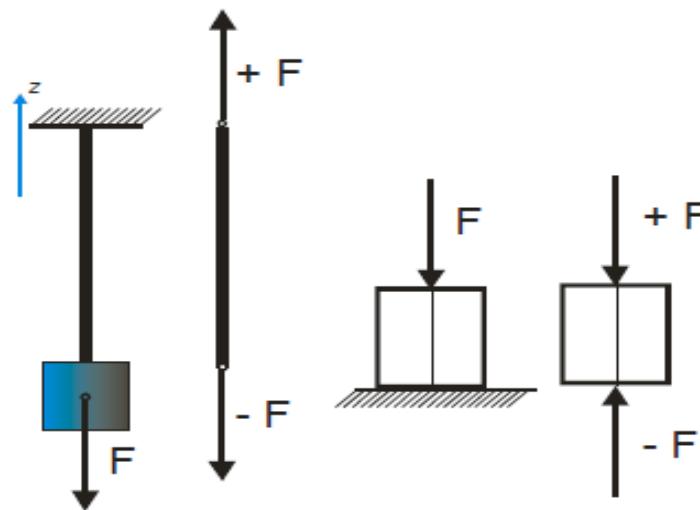
- Aksijalno naprezanje (zatezanje ili pritisak) je takvo naprezanje pri kome se u poprečnim presecima opterećenog dela, najčešće štapa, javljaju samo aksijalne unutrašnje sile (unutrašnje sile su u pravcu osovine ose štapa).

Sve druge unutrašnje sile jednake su nuli (transverzalne sile, momenti savijanja, momenti uvijanja).

# AKSIJALNO NAPREZANJE

Aksijalna sila duž ose štapa izaziva zatezanje ili pritisak u štapu.

- Zatezanje
- Pritisak

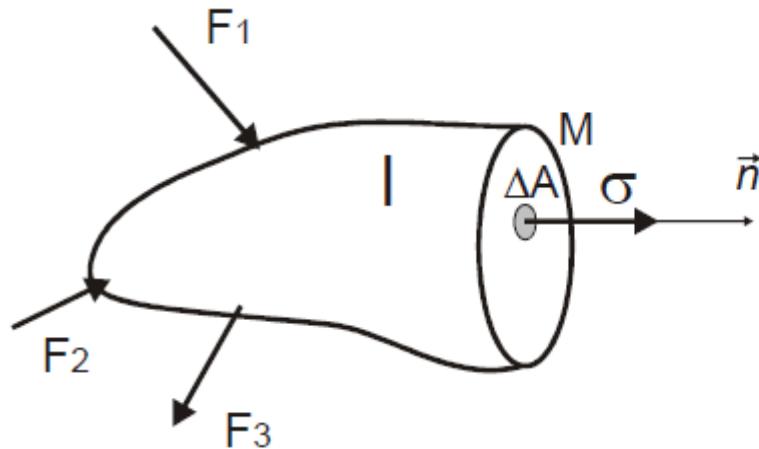


# AKSIJALNO NAPREZANJE

Cilindričan štap prikazan na slici zategnut je na krajevima silama  $F$ , koje deluju u težištima osnova štapa.

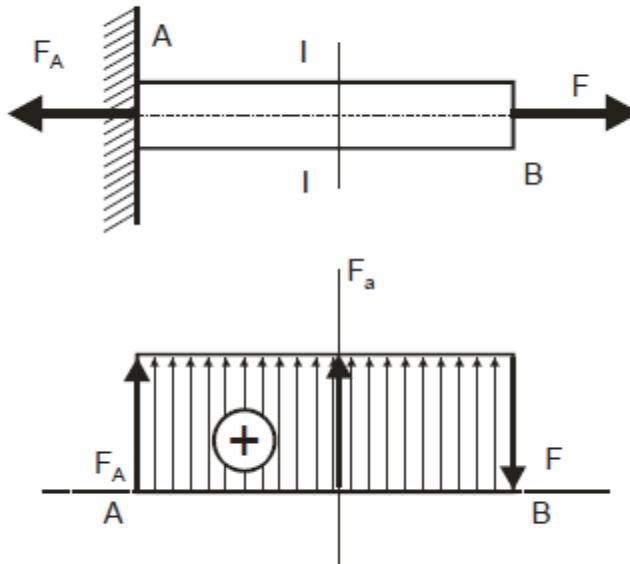
- Unutrašnje sile u štapu će se pojaviti ukoliko se štap preseče na dva dela zamišljenom ravni upravnom na osu štapa.
- Svaki od ovih delova pod uticajem spoljašnje sile i unutrašnjih sila koje se prenose preko presečne površine mora da bude u ravnoteži.
- Prema tome, redukciona rezultanta svih unutrašnjih sila na težište poprečnog preseka mora biti jedna sila u pravcu ose štapa suprotnog smera od spoljašnje Sile koja deluje na taj deo štapa.

# KOD AKSIJALNOG NAPREZANJA POSTOJE SAMO NORMALNI NAPONI



- Normalni napon  $\sigma$  (sigma) - izduženje ili skraćenje
- Nema tangencijalnih napona  $\tau$  (tau)

# UNUTRAŠNJE SILE I NAPONI



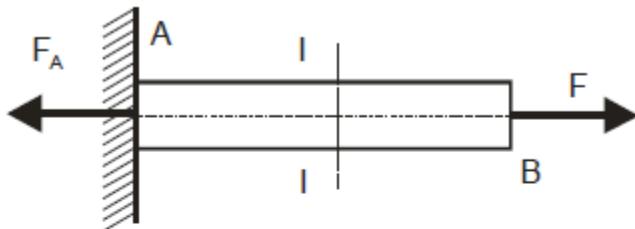
- Ravnoteža spoljašnjih i unutrašnjih sila
- Dijagram promene aksijalne sile

$$\sum F_z = F - F_A = 0$$

$$\sum F_z = F - F_a = 0$$

Zanemaren je uticaj težine štapa,  
posmatra se homogeni štap konstantnog  
poprečnog preseka

# UNUTRAŠNJE SILE I NAPONI

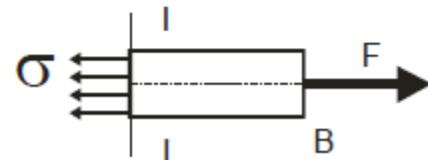


- Za proizvoljni zamišljeni normalni presek važe uslovi ravnoteže:



$$\sum F_z = F - F_A = 0$$

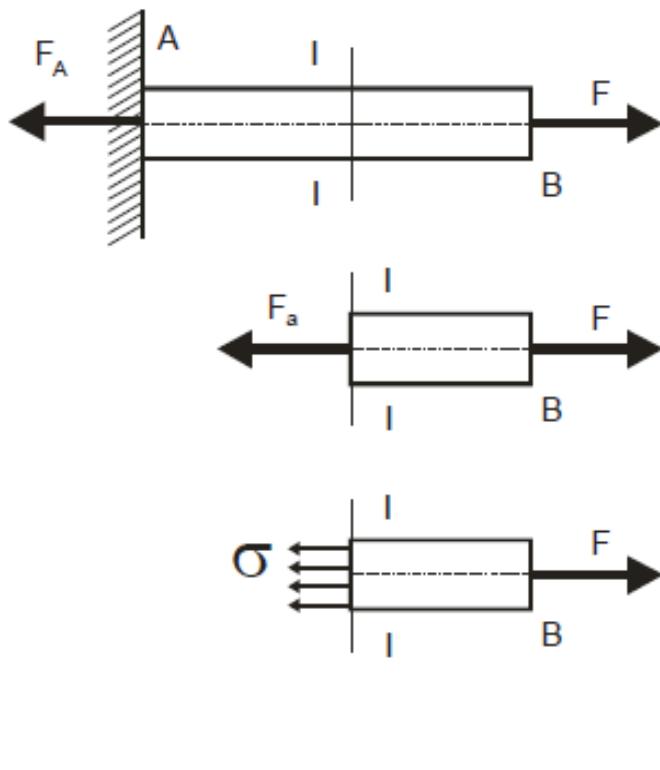
$$\sum F_z = F - F_a = 0$$



# UNUTRAŠNJE SILE I NAPONI

- Bernulijeva pretpostavka o ravnim presecima
- Zamišljeni ravni preseci upravljeni na osu nosača, ostaju i posle deformisanja ravni i upravljeni na osu nosača.
- Poprečni presek pri deformisanju štapa ostaje ravan ali se pomera paralelno (translatorno) duž ose štapa.
- Na osnovu Bernulijeve pretpostavke može se smatrati da je normalni napon u svakoj tački poprečnog preseka konstanta

# UNUTRAŠNJE SILE I NAPONI



- Normalni napon konstantan u svakoj tački poprečnog preseka
- Poprečni presek nepromenljiv čitavom dužinom štapa
- Normalan napon dobija se kao odnos sile po površini

$$F_a = \int_A \sigma dA = \sigma \int_A dA = \sigma \cdot A$$

$$\sigma = \frac{F_a}{A} \quad \text{Jedinica MPa}$$

Stare jedinice: kp/mm<sup>2</sup>

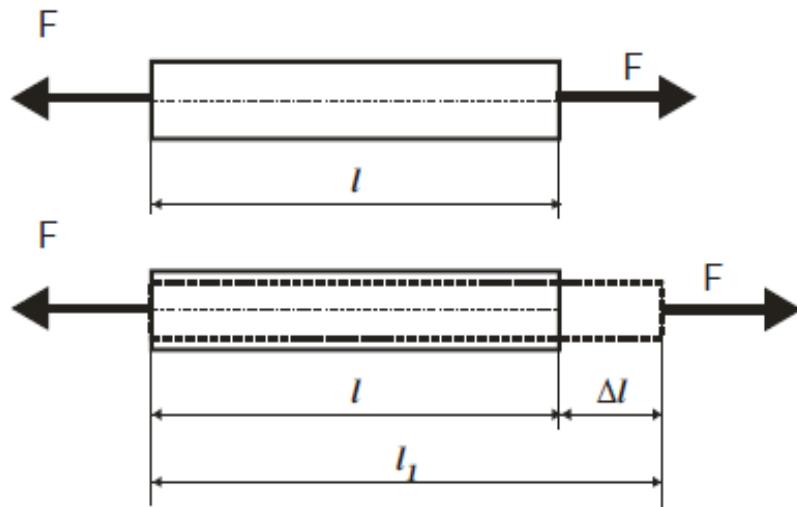
i kg/cm<sup>2</sup>

# DEFORMACIJE KOD AKSIJALNOG NAPREZANJA

- Pod uticajem aksijalne sile štap se deformiše - menja svoje dimenziije i podužne i poprečne.
- Razlika krajnje dimenziije (posle deformisanja) i odgovarajuće prvobitne dimenziije (pre deformisanja) je absolutna deformacija - izduženje ili skraćenje.
- Odnos absolutne deformacije i odgovarajuće prvobitne dimenziije štapa je relativna deformacija  
Ili **dilatacija**.

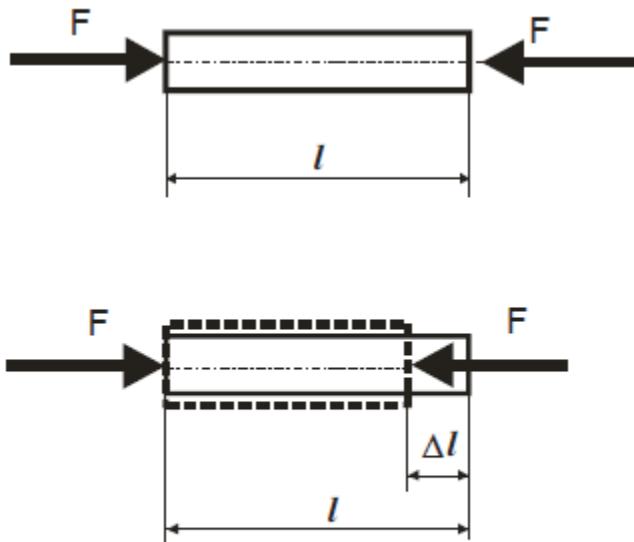
# DEFORMACIJE KOD AKSIJALNOG NAPREZANJA

- Čelični štap dužine  $l$  deformisaće se pod dejstvom sile zatezanja  $F$
- Dužina će se povećati za  $\Delta l$
- Ukoliko su veće aksijalne sile utoliko su veća i izduženja



# DEFORMACIJE KOD AKSIJALNOG NAPREZANJA

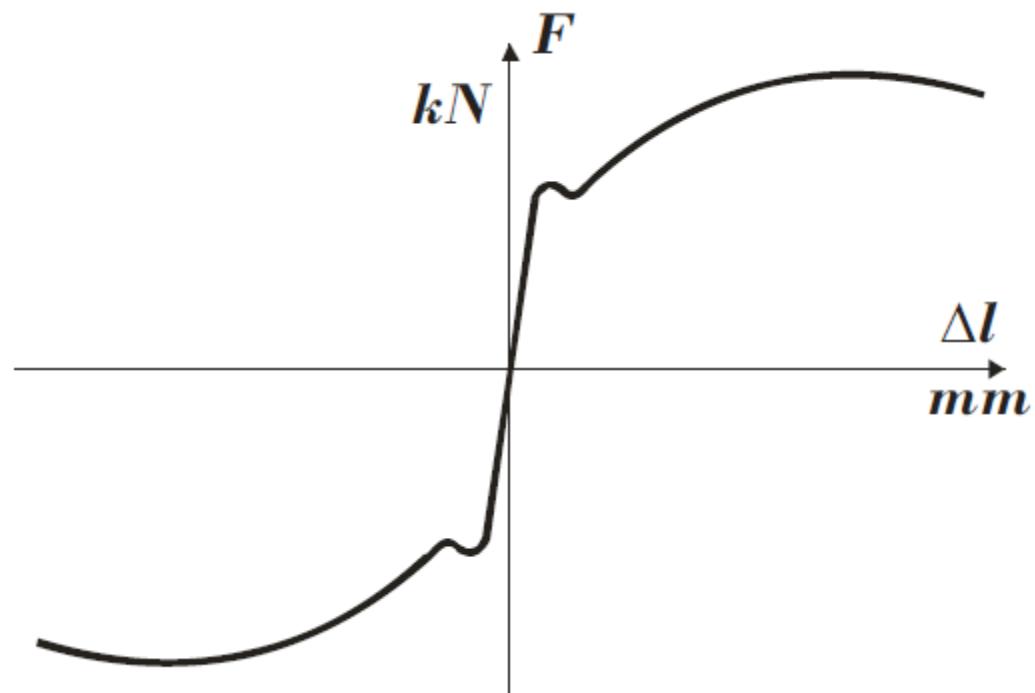
- Čelični štap dužine  $l$  deformisće se pod dejstvom sile pritiskanja  $F$
- Dužina će se smanjiti za  $\Delta l$
- Ukoliko su veće pritisne aksijalne sile utoliko su veća i skraćenja



# DEFORMACIJE KOD AKSIJALNOG NAPREZANJA

- Deformacija (u oba slučaja) je u promeni dužine štapa
- Deformacija je zavisna od veličine aksijalnih sila te raste ukoliko su sile veće
- Uz odgovarajuću opremu moguće je snimiti zavisnost između spoljašnjeg opterećenja (aksijalnih sila) i odgovarajućih deformacija

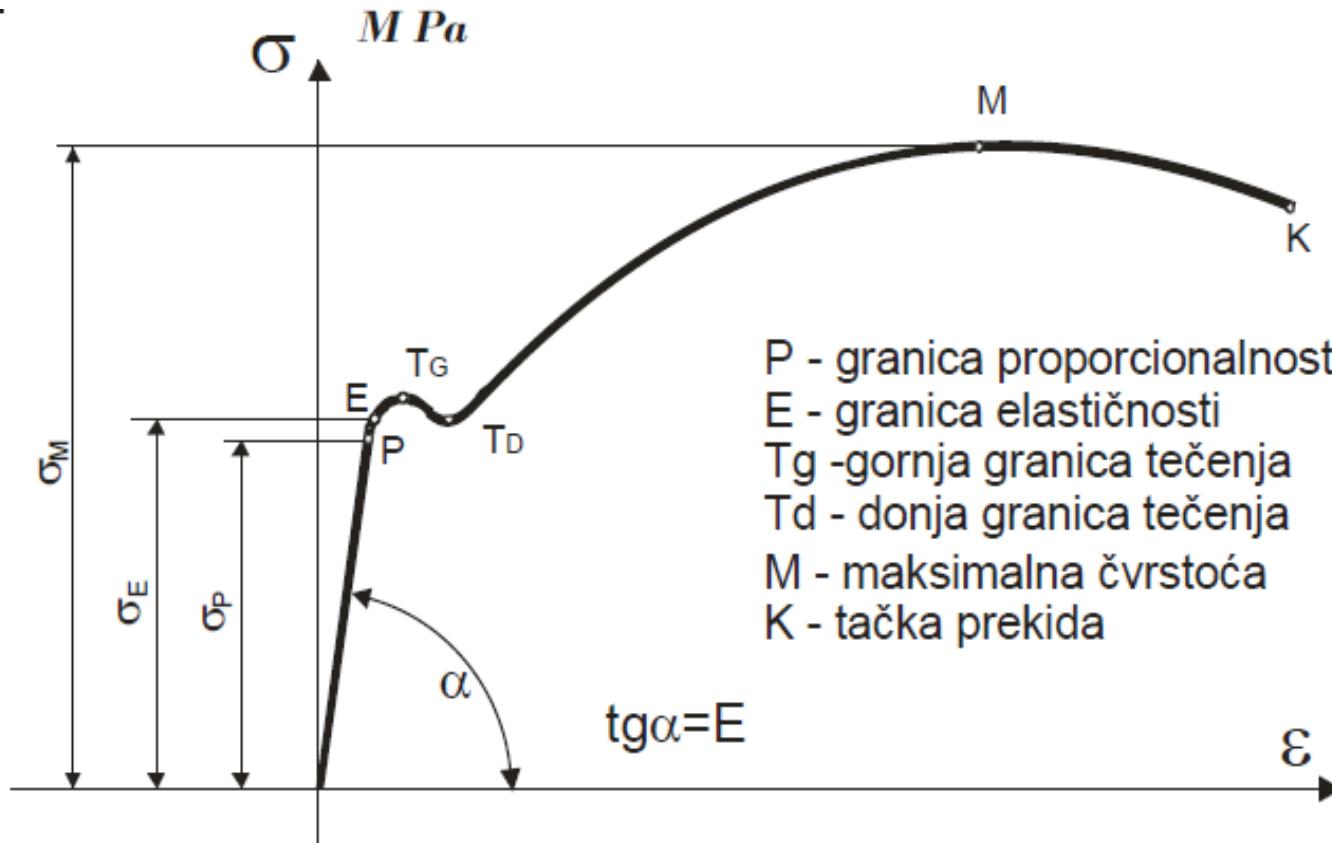
# DIJAGRAM SILE I DEFORMACIJA ČELIČNE ŠIPKE



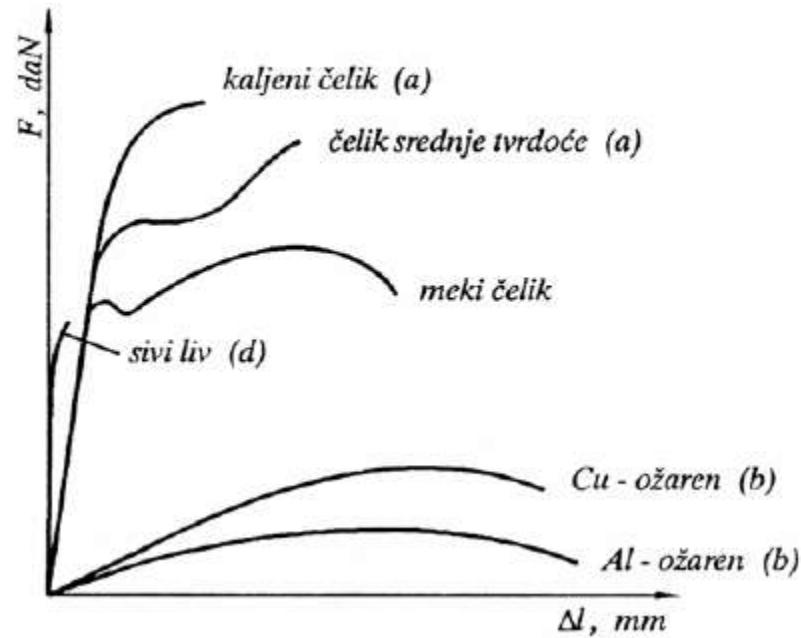
# DIJAGRAM NAPONA I DEFORMACIJE

- Dijagram sile i izduženja zavisi od dimenzija šipke
- Za svaku ispitivanu šipku dobio bi se sličan dijagram
- Da bi se otklonile neusaglašenosti i dobile poredive vrednosti izvršena je **standardizacija** metodologije ispitivanja i epruvete koje se koriste

# KARAKTERISTIČNE TAČKE NA DIJAGRAMU NAPON DILATACIJA



# DIJAGRAMI SILA-IZDUŽENJE ZA RAZLIČITE MATERIJALE



# DIJAGRAM SILA-IZDUŽENJE

- Umesto izduženja naneti odnos izduženja i prvobitne dužine

$$\varepsilon = \frac{\Delta l_0}{l_0}$$

- $\varepsilon$  – **Dilatacija**, neimenovan broj

# DIJAGRAM NAPONA-DILATACIJA

- Umesto sile naneti odnos sile i površine poprečnog preseka

$$\sigma = \frac{F}{A_0}$$

- $\sigma$  – Napon MPa

Prema važećim standardima napon se označava sa **R**

# HUKOV ZAKON

- Za svaki materijal i svaku vrstu naprezanja, u oblasti važnosti Hukovog zakona, postoje određeni odnosi između napona i njima izazvanih deformacija.
- Kod naprezanja na zatezanje, pritisak i savijanje ovaj odnos dat je modulom elastičnosti, a kod naprezanja na smicanje i uvijanje modulom klizanja. Kao pokazatelji elastičnih svojstava materijala, modul elastičnosti i modul klizanja, od najvećeg su praktičnog značaja.
- Kako je dilatacija odnos dve dužine, to je bezdimenzionalna veličina, nema jedinicu.
- Dilatacija se izražava brojem, nezavisno od bilo kog sistema jedinica.

# HUKOV ZAKON

- Od koordinatnog početka do tačke P postoji proporcionalnost između napona i dilatacije
- E – koeficijent proporcionalnosti  
**MODUL ELASTIČNOSTI**  
ili Jungov modul  
dimenzija MPa

$$\sigma = E \cdot \varepsilon$$

Modul elastičnosti je zapravo čvrstina između atoma koji čine materijal.

# HUKOV ZAKON

- To je karakteristika koja određuje ugib odnosno krutost određenog mašinskog dela. Može se objasniti primerom prikazanom na slici koja pokazuje da će različiti materijali (čelik, Cu i Al) istog poprečnog preseka, drugačije podneti isti teret ili opterećenje. Budući da aluminijum ima skoro 3 puta manji modul elastičnosti od čelika njegova deformacija će biti oko 3 puta veća.

# HUKOV ZAKON

- Hukov zakon u obliku  $\sigma = E\varepsilon$
- Zamenom u izrazu za dilataciju kao  $\varepsilon = \Delta l / l_0$
- Napon kao odnos  $\sigma = F/A$
- Dobija se izraz za Hukov zakon u obliku

$$\Delta l = \frac{F \cdot l}{E \cdot A}$$

Dužina šipke posle prekida

$$l_1 = l + \Delta l = l + \varepsilon \cdot l = l(1 + \varepsilon)$$

# POASONOV KOEFICIJENT

Izračunavanjem zapremina pre i posle deformacije dobija se zapreminska dilatacija kao

$$V = l \cdot b \cdot h$$

$$V = l_1 \cdot b_1 \cdot h_1 = l \cdot b \cdot h (1 + \varepsilon) (1 - \mu \varepsilon)^2$$

$$\varepsilon_V = \frac{\Delta V}{V} = \frac{V_1 - V}{V}$$

$$\varepsilon_V \approx \varepsilon (1 - 2\mu)$$

